

110 學年度四技二專統一入學測驗

數學(C) 試題

數學 C 參考公式

1. 三角函數的平方和關係式： $1 + \tan^2\theta = \sec^2\theta$
2. 三角函數的二倍角公式： $\sin 2\theta = 2\sin\theta \cos\theta$
3. 三角函數的和差角公式： $\sin(\alpha \pm \beta) = \sin\alpha \cos\beta \pm \cos\alpha \sin\beta$
4. $\triangle ABC$ 的正弦定理： $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$
5. 算幾不等式：若 $a \geq 0, b \geq 0$ ，則 $\frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab}$

1. 若 $\frac{3x-1}{(x-3)(x-1)} = \frac{A}{x-3} + \frac{B}{x-1}$ ，其中 A、B 為實數，則下列何者正確？
(A) $A = 2$ (B) $B = 1$ (C) $A = -2$ (D) $B = -1$ 。
2. 若 $\tan\theta + \sec\theta = 5$ ，則 $\tan\theta - \sec\theta = ?$
(A) $-\frac{3}{5}$ (B) $-\frac{1}{5}$ (C) $\frac{1}{5}$ (D) $\frac{3}{5}$ 。
3. $\sin 10^\circ \cos 10^\circ \cos 50^\circ - \sin 25^\circ \cos 25^\circ \cos 20^\circ = ?$
(A) $\frac{1}{2}$ (B) $\frac{1}{4}$ (C) $-\frac{1}{4}$ (D) $-\frac{1}{2}$ 。
4. 某實驗室將 108 個不同樣本在常溫常壓下依固體、液體、氣體及金屬、半金屬、非金屬分類如表(一)。若從固體及液體類中取出一個樣本，則其為半金屬的機率為何？
(A) $\frac{5}{32}$ (B) $\frac{3}{32}$ (C) $\frac{1}{16}$ (D) $\frac{1}{18}$ 。

	固體	液體	氣體	總計
金屬	79	2	0	81
半金屬	9	0	0	9
非金屬	5	1	12	18
總計	93	3	12	108

表(一)

5. $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{(3+h)+2} - \frac{1}{3+2}}{h} = ?$

- (A) $-\frac{1}{25}$ (B) $-\frac{1}{9}$ (C) $\frac{1}{9}$ (D) $\frac{1}{25}$ 。

6. 若 $a = \sum_{m=1}^7 \frac{m-2}{2m-1}$ 、 $b = \sum_{k=0}^6 \frac{k-1}{2k+1}$ 、 $c = \sum_{i=3}^8 \frac{i-4}{2i-5}$ ，則下列敘述何者正確？

- (A) $b > a > c$ (B) $c > a > b$ (C) $c > a = b$ (D) $a = b > c$ 。

7. 設 $I(t)$ 為 A 城市某種傳染病在時間 t 的感染率，且 $I(t) = \frac{1}{1+49(7^{-\frac{t}{3}})}$ ， $t \geq 0$ 。若 a 、

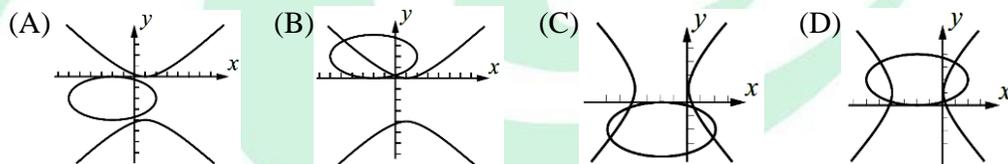
b 、 c 分別表示 $t=0$ 、 $t=3$ 、 $t=6$ 時的感染率，則下列何者正確？

- (A) $b = 6a$ (B) $c = 20a$ (C) $c = 4b$ (D) $b = 7a$ 。

8. 若圓 C 與 y 軸相切，且圓心為拋物線 $y = x^2 + 4x + 5$ 之頂點，則下列何者為圓 C 的方程式？

- (A) $x^2 + y^2 + 4x - 2y + 4 = 0$ (B) $x^2 + y^2 - 4x + 2y + 1 = 0$
 (C) $x^2 + y^2 - 4x + 2y + 4 = 0$ (D) $x^2 + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ 。

9. 若有兩個二次曲線方程式，分別為 $x^2 + 4y^2 + 4x - 16y + 4 = 0$ 與 $\frac{(x+2)^2}{4} - \frac{(y-1)^2}{5} = 1$ ，則下列何者為此兩曲線的圖形組合？



10. 若 k 為實數，且二元一次聯立方程組 $\begin{cases} kx+3y+k+1=0 \\ x+4(k+1)y+8k^2+1=0 \end{cases}$ 有無限多組解，則 k 可為下列何值？

- (A) $-\frac{3}{2}$ (B) $-\frac{1}{2}$ (C) $\frac{1}{2}$ (D) $\frac{3}{2}$ 。

11. 若 x 、 y 、 z 為相異實數，則三階行列式 $\begin{vmatrix} x+y & x-y & x \\ y+z & y-z & y \\ z+x & z-x & z \end{vmatrix} = ?$

- (A) 0 (B) $(x-y)(y-z)(z-x)$
 (C) $(x^2 - y^2)(y^2 - z^2)(z^2 - x^2)$ (D) $(x-y)^2(y-z)^2(z-x)^2$ 。

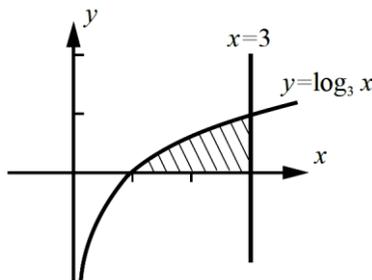
12. 跆拳道隊有 8 個隊員，教練安排所有隊員每 2 人一組分別在 A、B、C、D 四個不同場地練習，則共有幾種安排的方式？
 (A)105 (B)2520 (C)5040 (D)40320。
13. 已知 a 、 b 為實數。若直線 $L_1: y = ax + b$ 與 $L_2: y = bx + a$ 相互垂直，且 $a^2 + b^2 = 50$ ，則 L_1 與 L_2 的交點與原點的距離為多少？
 (A) $4\sqrt{3}$ (B)7 (C) $5\sqrt{2}$ (D) $2\sqrt{13}$ 。
14. 已知 $\triangle ABC$ 中， a 、 b 、 c 分別為 $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 之對邊長。若 $ab : bc : ca = 3 : 4 : 6$ ，則 $\sin A : \sin B : \sin C = ?$
 (A)4 : 3 : 2 (B)4 : 2 : 3 (C)2 : 3 : 4 (D)3 : 2 : 4。
15. 已知三次多項式 $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ 滿足 $f(1) = f(2) = f(-2) = 2$ ，且 $f(-1) = 8$ ，則下列何者正確？
 (A) $a = -1$ (B) $b = 1$ (C) $c = -4$ (D) $d = 4$ 。
16. 已知 \vec{a} 、 \vec{b} 、 \vec{c} 為平面上的三向量，且 $\vec{a} \cdot \vec{c} = 0$ ， $\vec{b} \cdot \vec{c} = 0$ ， $|\vec{a}| = 5$ ， $|\vec{b}| = 12$ ， $|\vec{c}| = 13$ 。若 $\vec{a} \cdot \vec{b} < 0$ ，則 $\vec{a} \cdot \vec{b} = ?$
 (A) - 30 (B) - 60 (C) - 65 (D) - 156。
17. $\int_1^3 (3x-2)^{110} dx = ?$
 (A) $\frac{7^{111}-1}{333}$ (B) $\frac{3^{111}-1}{333}$ (C) $\frac{7^{110}-1}{330}$ (D) $\frac{7^{111}-1}{111}$ 。
18. 下列敘述何者正確？
 (A) $y = \tan \frac{\theta}{3}$ 的週期為 $\frac{\pi}{3}$
 (B) $\tan^2\theta - \sec^2\theta = 1$
 (C) $-\sqrt{2} \leq \sin\theta + \cos\theta \leq \sqrt{2}$
 (D)若 $\cos\theta = \sin\theta$ ，則 $\theta = \frac{\pi}{4} + 2n\pi$ ，其中 n 為整數。
19. 已知 $i = \sqrt{-1}$ ， $(\frac{\sqrt{3}-i}{\sqrt{3}+i})^2 + (\frac{\sqrt{3}+i}{\sqrt{3}-i})^2 = a + bi$ ，則 $a + b = ?$
 (A) $\frac{-1-\sqrt{3}}{2}$ (B) - 1 (C) $\frac{-1+\sqrt{3}}{2}$ (D)1。
20. 若 x 為實數，則 $x^2 - 2 + \frac{9}{x^2+2}$ 的最小值為何？
 (A)2 (B) $\frac{5}{2}$ (C) $\frac{13}{2}$ (D)6。

21. 一個空的書櫃有上、中、下共三層，若將國文、英文、數學三本課本放入書櫃的任一層，且當課本放在同一層左右順序不同時視為不同排列，則共有幾種不同的排法？
- (A)60 (B)36 (C)27 (D)18。
22. 若直線 $y = mx$ 與拋物線 $f(x) = -x^2 + 4x - 1$ 相切，且切點在第一象限內，則 $m = ?$
- (A)1 (B)2 (C)4 (D)6。
23. $\int_1^4 (x + \frac{1}{\sqrt{x}})(\sqrt{x} - \frac{1}{x}) dx = ?$
- (A) $\frac{57}{5}$ (B) $\frac{77}{5}$ (C) $\frac{87}{5}$ (D) $\frac{107}{5}$ 。
24. 小明量測園藝店同一種盆栽 21 棵植物的高度資料如表(二)，其中有一盆高度為 24 公分，可視為量測異常值。若將此異常值從資料中移除，則下列哪一個統計量，在移除前後改變最多？
- (A)平均數 (B)中位數 (C)眾數 (D)全距。

21 棵盆栽的高度(單位：公分)						
8	9	9	9	10	10	11
11	12	12	12	12	13	13
13	14	14	15	15	16	24

表(二)

25. 假設 A 表函數 $y = \log_3 x$ 圖形與直線 $y = 0$ 、 $x = 3$ 所圍區域面積，如圖(一)。若以幾何圖形的觀念來判斷 A 的大小範圍，則下列何者正確？
- (A) $0 \leq A < \frac{1}{2}$ (B) $\frac{1}{2} \leq A < 1$ (C) $1 \leq A < 2$ (D) $A \geq 2$ 。



圖(一)

數學(C) - 【解答】

- 1.(D) 2.(B) 3.(C) 4.(B) 5.(A) 6.(D) 7.(C) 8.(D) 9.(D) 10.(C)
11.(A) 12.(B) 13.(B) 14.(D) 15.(C) 16.(B) 17.(A) 18.(C) 19.(B) 20.(A)
21.(A) 22.(B) 23.(A) 24.(D) 25.(C)



110 學年度四技二專統一入學測驗

數學(C) 試題詳解

- 1.(D) 2.(B) 3.(C) 4.(B) 5.(A) 6.(D) 7.(C) 8.(D) 9.(D) 10.(C)
11.(A) 12.(B) 13.(B) 14.(D) 15.(C) 16.(B) 17.(A) 18.(C) 19.(B) 20.(A)
21.(A) 22.(B) 23.(A) 24.(D) 25.(C)

1. 原式 $\Rightarrow 3x - 1 = A(x - 1) + B(x - 3)$

代 $x = 3 \Rightarrow 8 = 2A \Rightarrow A = 4$

代 $x = 1 \Rightarrow 2 = -2B \Rightarrow B = -1$

2. $(\tan\theta + \sec\theta)(\tan\theta - \sec\theta) = \tan^2\theta - \sec^2\theta$; (利用 $\tan^2\theta + 1 = \sec^2\theta$)
 $\Rightarrow 5(\tan\theta - \sec\theta) = -1$

$$\Rightarrow \tan\theta - \sec\theta = -\frac{1}{5}$$

3. 原式 = $\frac{2\sin 10^\circ \cdot \cos 10^\circ \cdot \cos 50^\circ - 2\sin 25^\circ \cdot \cos 25^\circ \cdot \cos 20^\circ}{2}$;

(利用 $2\sin\theta \cdot \cos\theta = \sin 2\theta$)

$$= \frac{\sin 20^\circ \cdot \cos 50^\circ - \sin 50^\circ \cdot \cos 20^\circ}{2}$$

$$= \frac{-(\sin 50^\circ \cdot \cos 20^\circ - \cos 50^\circ \cdot \sin 20^\circ)}{2}$$

(利用 $\sin\alpha \cdot \cos\beta - \cos\alpha \cdot \sin\beta = \sin(\alpha - \beta)$)

$$= \frac{-\sin 30^\circ}{2} = \frac{-\frac{1}{2}}{2} = -\frac{1}{4}$$

4. $\left. \begin{array}{l} \text{樣本空間數} = 9 \times 3 = 96 \\ \text{欲求情形數} = 9 \times 0 = 9 \end{array} \right\} \text{機率 } P = \frac{9}{96} = \frac{3}{32}$

5. 原式 = $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{h+5} - \frac{1}{5}}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{5-(h+5)}{5(h+5)}}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-1}{5(h+5)} = -\frac{1}{25}$

$$6. \left. \begin{aligned} a &= \sum_{m=1}^7 \frac{m-2}{2m-1} = -1+0+\frac{1}{5}+\frac{2}{7}+\frac{3}{9}+\frac{4}{11}+\frac{5}{13} \\ b &= \sum_{k=0}^6 \frac{k-1}{2k+1} = -1+0+\frac{1}{5}+\frac{2}{7}+\frac{3}{9}+\frac{4}{11}+\frac{5}{13} \\ c &= \sum_{i=3}^8 \frac{i-4}{2i-5} = -1+0+\frac{1}{5}+\frac{2}{7}+\frac{3}{9}+\frac{4}{11} \end{aligned} \right\} a=b>c$$

$$7. I(t) = \frac{1}{1+49(7^{-\frac{t}{3}})}, t \geq 0$$

$$a = I(0) = \frac{1}{1+49 \cdot 7^0} = \frac{1}{50}$$

$$\left. \begin{aligned} b &= I(3) = \frac{1}{1+49 \cdot 7^{-1}} = \frac{1}{1+7} = \frac{1}{8} \\ c &= I(6) = \frac{1}{1+49 \cdot 7^{-2}} = \frac{1}{1+1} = \frac{1}{2} \end{aligned} \right\} c = 4b \dots \text{選(C)}$$

$$8. y = x^2 + 4x + 5 = (x+2)^2 + 1$$

頂點 $(-2, 1)$ 為圓C之圓心 \Rightarrow 與y軸相切 \Rightarrow 故圓心之 $r=2$

利用標準式 $\Rightarrow (x - (-2))^2 + (y - 1)^2 = 2^2$

$$\Rightarrow (x+2)^2 + (y-1)^2 = 4$$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$$

$$9. \text{橢圓} \Rightarrow x^2 + 4y^2 + 4x - 16y + 4 = 0$$

$$\Rightarrow (x^2 + 4x + 4) + 4(y^2 - 4y + 4) + 4 - 4 - 16 = 0$$

$$\Rightarrow (x+2)^2 + 4(y-2)^2 = 16$$

$$\Rightarrow \frac{(x+2)^2}{16} + \frac{(y-2)^2}{4} = 1$$

$$\Rightarrow \text{中心}(-2, 2)$$

$$\text{雙曲線} \Rightarrow \frac{(x+2)^2}{4} - \frac{(y-1)^2}{5} = 1 \Rightarrow \text{中心}(-2, 1), \text{開口左右型}$$

10. 無限多解 $\Rightarrow \frac{k}{1} = \frac{3}{4k+4} = \frac{k+1}{8k^2+1}$

(1) $\frac{k}{1} = \frac{3}{4k+4} \Rightarrow 4k^2 + 4k - 3 = 0 \Rightarrow (2k - 1)(2k + 3) = 0$

$\Rightarrow k = \frac{1}{2}$ or $k = -\frac{3}{2}$

(2) $\frac{3}{4k+4} = \frac{k+1}{8k^2+1} \Rightarrow 24k^2 + 3 = 4k^2 + 8k + 4 \Rightarrow 20k^2 - 8k - 1 = 0$

$\Rightarrow (2k - 1)(10k + 1) = 0 \Rightarrow k = \frac{1}{2}$ or $k = -\frac{1}{10}$

\therefore (1)(2)皆須滿足 $\therefore k = \frac{1}{2}$

11.
$$\begin{array}{c} \times 1 \\ \left| \begin{array}{ccc} x+y & x-y & x \\ y+z & y-z & y \\ z+x & z-x & z \end{array} \right| = \left| \begin{array}{ccc} 2x & x-y & x \\ 2y & y-z & y \\ 2z & z-x & z \end{array} \right| = 0 \\ \text{成比例} \end{array}$$

12. A2人, B2人, C2人, D2人

$\Rightarrow C_2^8 \cdot C_2^6 \cdot C_2^4 \cdot C_2^2 = 28 \cdot 15 \cdot 6 \cdot 1 = 2520$

13. (1) $L_1: y = ax + b \Rightarrow$ 斜率 $m_1 = a$

$L_2: y = bx + a \Rightarrow$ 斜率 $m_2 = b$

\therefore 垂直 $\Rightarrow m_1 \cdot m_2 = a \cdot b = -1$

(2) 聯立求交點 $\begin{cases} y = ax + b \\ y = bx + a \end{cases} \Rightarrow ax + b = bx + a \Rightarrow (a - b)x = a - b$

$\Rightarrow x = 1, y = a + b$

(3) 令交點為 $A(1, a + b)$, 原點 $O(0, 0)$

$d(A, O) = \sqrt{(1-0)^2 + (a+b-0)^2} = \sqrt{a^2 + b^2 + 2ab + 1} = \sqrt{50 + 2(-1) + 1} = 7$

14. $\begin{cases} (1)ab=3k \\ (2)bc=4k; (k>0) \\ (3)ca=6k \\ (abc)^2=72k^3 \\ (4)abc=6\sqrt{2}k\sqrt{k} \end{cases}$ 由： $\begin{cases} \frac{(4)}{(1)} \Rightarrow c=2\sqrt{2}\cdot\sqrt{k} \\ \frac{(4)}{(2)} \Rightarrow a=\frac{3}{2}\sqrt{2}\cdot\sqrt{k} \\ \frac{(4)}{(3)} \Rightarrow b=\sqrt{2}\cdot\sqrt{k} \end{cases}$

$$\sin A : \sin B : \sin C = a : b : c = \frac{3}{2}\sqrt{2}\cdot\sqrt{k} : \sqrt{2}\cdot\sqrt{k} : 2\sqrt{2}\cdot\sqrt{k}$$

$$= \frac{3}{2} : 1 : 2 = 3 : 2 : 4$$

15. $f(1) = f(2) = f(-2) = 2$

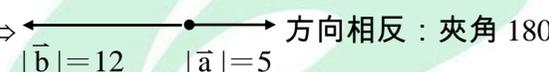
令 $f(x) = a(x-1)(x-2)(x+2) + 2$

由 $f(-1) = a(-2)(-3)(1) + 2 = 8 \quad \therefore a = 1$

故 $f(x) = 1 \cdot (x-1)(x-2)(x+2) + 2 = (x-1)(x^2-4) + 2 = x^3 - x^2 - 4x + 6$

$\therefore b = -1, c = -4, d = 6$

16. $\left. \begin{cases} \vec{a} \cdot \vec{c} = 0 \Leftrightarrow \vec{a} \perp \vec{c} \\ \vec{b} \cdot \vec{c} = 0 \Leftrightarrow \vec{b} \perp \vec{c} \end{cases} \right\} \vec{a} // \vec{b}$

$\therefore \vec{a} \cdot \vec{b} < 0 \Rightarrow$  方向相反：夾角 180°

$\Rightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| |\vec{b}| \cos 180^\circ = 5 \cdot 12(-1) = -60$

17. $\int_1^3 (3x-2)^{110} dx = \int_1^3 (3x-2)^{110} \frac{d(3x-2)}{3} = \frac{1}{3} \cdot \frac{(3x-2)^{111}}{111} \Big|_1^3$

$$= \frac{7^{111}}{333} - \frac{1^{111}}{333} = \frac{7^{111}-1}{333}$$

18. (A) $y = \tan \frac{\theta}{3} \Rightarrow$ 週期 $P = \frac{\pi}{\frac{1}{3}} = 3\pi$

(B) $\because \tan^2 \theta + 1 = \sec^2 \theta \Rightarrow \tan^2 \theta - \sec^2 \theta = -1$

(D) 若 $\cos \theta = \sin \theta \Rightarrow$ 互為餘函數 $\Rightarrow \theta + \theta = 45^\circ + 2n\pi, n$ 為整數

$\Rightarrow 2\theta = 45^\circ + 2n\pi, n$ 為整數 $\Rightarrow \theta = \frac{\pi}{4} + n\pi, n$ 為整數

$$\begin{aligned}
 19. \quad \frac{\sqrt{3}-i}{\sqrt{3}+i} &= \frac{(\sqrt{3}-i)^2}{(\sqrt{3}+i)(\sqrt{3}-i)} = \frac{3-2\sqrt{3}i+i^2}{3-i^2} = \frac{1-\sqrt{3}i}{2} \\
 \Rightarrow \left(\frac{\sqrt{3}-i}{\sqrt{3}+i}\right)^2 &= \left(\frac{1-\sqrt{3}i}{2}\right)^2 = \frac{1-2\sqrt{3}i+3i^2}{4} = \frac{-1-\sqrt{3}i}{2} \\
 \frac{\sqrt{3}+i}{\sqrt{3}-i} &= \frac{(\sqrt{3}+i)^2}{(\sqrt{3}-i)(\sqrt{3}+i)} = \frac{3+2\sqrt{3}i+i^2}{3-i^2} = \frac{1+\sqrt{3}i}{2} \\
 \Rightarrow \left(\frac{\sqrt{3}+i}{\sqrt{3}-i}\right)^2 &= \left(\frac{1+\sqrt{3}i}{2}\right)^2 = \frac{1+2\sqrt{3}i+3i^2}{4} = \frac{-1+\sqrt{3}i}{2} \\
 \left(\frac{\sqrt{3}-i}{\sqrt{3}+i}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}+i}{\sqrt{3}-i}\right)^2 &= \frac{-1-\sqrt{3}i}{2} + \frac{-1+\sqrt{3}i}{2} = -1+0i = a+bi \Rightarrow \begin{cases} a=-1 \\ b=0 \end{cases} \\
 \Rightarrow a+b &= -1
 \end{aligned}$$

$$20. \text{ 原式} = x^2 - 2 + \frac{9}{x^2+2} = (x^2+2) + \frac{9}{x^2+2} - 4$$

利用：算術平均數 \geq 幾何平均數

$$\begin{aligned}
 \Rightarrow \frac{(x^2+2) + \frac{9}{x^2+2}}{2} &\geq \sqrt{(x^2+2)\left(\frac{9}{x^2+2}\right)} \Rightarrow \frac{(x^2+2) + \frac{9}{x^2+2}}{2} \geq 3 \\
 \Rightarrow (x^2+2) + \frac{9}{x^2+2} &\geq 6 \Rightarrow (x^2+2) + \frac{9}{x^2+2} - 4 \geq 6 - 4 \Rightarrow \text{原式} \geq 2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 21. \quad \left. \begin{array}{l}
 \text{三本放在同一層} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{挑層有3種} \\ \text{左右換有} 3! = 6 \text{種} \end{array} \right. &\Rightarrow 3 \times 6 = 18 \\
 \text{三本放在其中二層} \Rightarrow 2, 1, 0 \text{ 分堆：} C_2^3 \cdot C_1^1 = 3 \\
 \quad \quad \quad \Rightarrow \text{再分給層：} 3 \times 3! = 18 \\
 \quad \quad \quad \Rightarrow 2 \text{ 本還可左右換：} 18 \times 2! = 36 \\
 \text{三本分放在三層} \Rightarrow \text{即上、中、下層各一本} \\
 \quad \quad \quad \Rightarrow 3 \text{ 本可上、中、下換：} 3! = 6
 \end{array} \right\} \text{排法} = 18 + 36 + 6 = 60
 \end{aligned}$$

ALeader

$$22. (1) \begin{cases} y=mx \\ y=-x^2+4x-1 \end{cases} \Rightarrow mx = -x^2+4x-1 \Rightarrow x^2+(m-4)x+1=0$$

$$\because \text{相切} \Rightarrow 1 \text{ 交點} \Rightarrow \text{兩相等實根} \Rightarrow b^2-4ac=0 \Rightarrow (m-4)^2-4 \cdot 1 \cdot 1=0$$

$$\Rightarrow (m-4)^2=4 \Rightarrow m-4=\pm 2 \Rightarrow m=6 \text{ or } m=2$$

$$(2) f(x) = -x^2+4x-1$$

$$f'(x) = -2x+4$$

$$m=f'(x) \qquad m=f'(x)$$

$$\Rightarrow 6 = -2x+4 \qquad \Rightarrow 2 = -2x+4$$

$$\Rightarrow x = -1 (\text{不合}) \qquad \Rightarrow x = 1 (\text{合})$$

故 $m=2$

$$23. \int_1^4 \left(x + \frac{1}{\sqrt{x}}\right) \left(\sqrt{x} - \frac{1}{x}\right) dx = \int_1^4 \left(x\sqrt{x} - 1 + 1 - \frac{1}{x\sqrt{x}}\right) dx = \int_1^4 \left(x^{\frac{3}{2}} - x^{-\frac{3}{2}}\right) dx$$

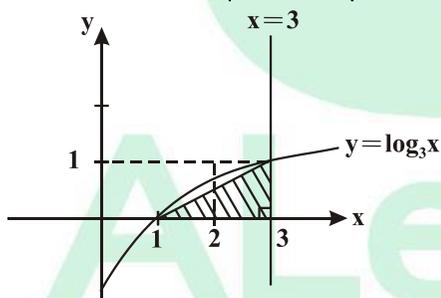
$$= \left(\frac{\frac{5}{2}}{\frac{5}{2}} x^{\frac{5}{2}} - \frac{-\frac{1}{2}}{-\frac{1}{2}} x^{-\frac{1}{2}}\right) \Big|_1^4 = \left(\frac{2}{5} x^2 \sqrt{x} + \frac{2}{\sqrt{x}}\right) \Big|_1^4 = \left(\frac{2}{5} \cdot 16 \cdot 2 + \frac{2}{2}\right) - \left(\frac{2}{5} + 2\right) = \frac{57}{5}$$

24. 全距 = 最大 - 最小

$$\text{原資料} \Rightarrow \text{最大 } 24, \text{ 最小 } 8 \Rightarrow R = 24 - 8 = 16$$

$$\text{移除異常值後} \Rightarrow \text{最大 } 16, \text{ 最小 } 8 \Rightarrow R = 16 - 8 = 8 \quad \left. \vphantom{\text{移除異常值後}} \right\} \text{改變最多}$$

$$25. y = \log_3 x \Rightarrow \begin{array}{c|c|c} x & 3 & 2 \\ \hline y & \log_3 3 = 1 & \log_3 2 = \frac{\log 2}{\log 3} \approx 0.63 \end{array}$$



$$\Delta \text{ 面積} = \frac{2 \cdot 1}{2} = 1$$

$$\text{故 } 1 \leq A < 2$$